

## X. TAYLOROVY POLYNOMY

**1. Uvědomte si následující vlastnosti malého  $o$ .**

- a)  $x^m o(x^n) = o(x^{m+n})$ ,  $x \rightarrow 0$ .   b)  $Co(x^n) = o(x^n)$ ,  $x \rightarrow 0$ .   c)  $o(x^m)o(x^n) = o(x^{m+n})$ ,  $x \rightarrow 0$ .  
d)  $o((x^n + o(x^n))) = o(x^n)$ ,  $x \rightarrow 0$ .

**2. Vypočtěte Taylorovy polynomy stupně  $k$  v bodě  $a$ .**

- a)  $\arctg x$ ,  $k = 3$ ,  $a = 1$ .   b)  $\tg x$ ,  $k = 3$ ,  $a = \pi/4$ .   c)  $e^x$ ,  $k = 5$ ,  $a = 2$ .

**3. Vypočtěte Taylorovy polynomy stupně  $k$  v bodě  $a$ .**

- a)  $\sin(x)\cos(x)$ ,  $k = 5$ ,  $a = 0$ .   b)  $x^7 \sin(x^2)$ ,  $k = 10$ ,  $a = 0$ .   c)  $\cos(x^3 - 1)$ ,  $k = 3$ ,  $a = 1$ .  
d)  $\sqrt[6]{\cos x}$ ,  $k = 5$ ,  $a = 0$ .   e)  $\log \cos x$ ,  $k = 6$ ,  $a = 0$ .   f)  $(x^2 + 1)^x - 1$ ,  $k = 5$ ,  $a = 0$ .  
g)  $\tg \sin x - \sin \tg x$ ,  $k = 7$ ,  $a = 0$ .   h)  $x^2(\sin(x^2 + x) + e^{\sin x})$ ,  $k = 5$ ,  $a = 0$ .